

新化高中 112 學年度 第一學期 第一次段考 高一數學科

一、單選題

- ( ) 1. 將  $0.\overline{72}$  化成最簡分數，得  $0.\overline{72} = \frac{n}{m}$  ( $m$ 、 $n$  為正整數且  $m$ 、 $n$  互質)，則  $m + n = ?$   
 (A) 171 (B) 72 (C) 57 (D) 19 (E) 11
- ( ) 2.  $\sqrt{6} + \sqrt{10}$ ， $\sqrt{5} + \sqrt{11}$ ， $\sqrt{7} + 3$  三數中哪一個數最大？  
 (A)  $\sqrt{6} + \sqrt{10}$  (B)  $\sqrt{5} + \sqrt{11}$  (C)  $\sqrt{7} + 3$  (D) 無法比較
- ( ) 3. 設  $a$ 、 $b$  為有理數，且  $(2 + \sqrt{3})a + (1 - \sqrt{3})b + \sqrt{3} = 7$ ，求  $a + b = ?$   
 (A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 4 (E) 5
- ( ) 4. 設  $a$ 、 $b$  為實數，且  $a < b$ ，下列各選項何者最大？  
 (A)  $\frac{2a+3b}{5}$  (B)  $\frac{a+b}{2}$  (C)  $\frac{6a-b}{5}$  (D)  $\frac{4a+b}{5}$  (E)  $\frac{5a+2b}{7}$
- ( ) 5. 設  $x = \sqrt{13} + \sqrt{20}$ ，則  $x$  在下列哪兩個整數之間？  
 (A) 3 與 4 (B) 4 與 5 (C) 5 與 6 (D) 6 與 7 (E) 7 與 8
- ( ) 6. 若  $a^x = \sqrt{2}$ ，則  $\frac{a^{3x} - a^{-3x}}{a^x + a^{-x}} = ?$   
 (A)  $\frac{7}{6}$  (B) 2 (C)  $\frac{3}{2}$  (D)  $\frac{3}{4}$  (E)  $\frac{7}{2}$

二、多選題

- ( ) 1. 下列哪些有理數可化成有限小數？  
 (A)  $\frac{41}{16}$  (B)  $\frac{137}{15}$  (C)  $\frac{7}{50}$  (D)  $\frac{1}{512}$  (E)  $\frac{21}{15}$
- ( ) 2. 設  $2^{0.3} = a$ ， $2^{0.01} = b$ ，則下列哪些選項正確？  
 (A)  $a^5 = 2\sqrt{2}$  (B)  $b^{100} = 2$  (C)  $a^{10} = b^{300}$  (D)  $a = b^{30}$  (E)  $\frac{ab}{2} = 2^{-0.69}$
- ( ) 3. 請問下列哪些選項的計算結果是正確的？  
 (A)  $8 \times 10^{-5} + 4 \times 10^{-6} = 4.8 \times 10^{-4}$   
 (B)  $8 \times 10^{-5} - 4 \times 10^{-6} = 7.6 \times 10^{-5}$   
 (C)  $(8 \times 10^{-5}) \times (4 \times 10^{-6}) = 3.2 \times 10^{-10}$   
 (D)  $(8 \times 10^{-5}) \div (4 \times 10^{-6}) = 2 \times 10^{-1}$   
 (E)  $(8 \times 10^{-5}) \div (4 \times 10^{-6})^2 = 5 \times 10^{-7}$

三、填充題

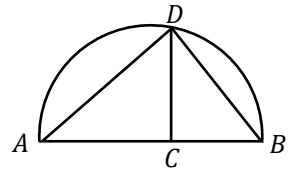
1. 計算化簡  $(\sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{5})(\sqrt{2} - \sqrt{3} + \sqrt{5}) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
2. 請化簡雙重根式  $\sqrt{7 - 2\sqrt{10}} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
3. 滿足不等式  $|3x + 1| < 5$  的整數  $x$  值共有          個。
4.  $\left(\frac{81}{16}\right)^{-0.25} \times \left(\frac{8}{27}\right)^{-\frac{2}{3}} \times (0.25)^{-2.5} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
5. 若  $x = \frac{2 - \sqrt{3}}{2 + \sqrt{3}}$ ，試求  $\sqrt{x^2 + \frac{1}{x^2}} - 2$  之值為         。

6. 設 $a^2 = 5$ ，求 $(a-1)(a+1)(a^2-a+1)(a^2+a+1) =$ \_\_\_\_\_。

7. 若 $2^x + 2^{-x} = 6$ ，則 $8^x + 8^{-x} =$ \_\_\_\_\_。

8.  $A(-7)$ 、 $B(3)$ 、 $P(x)$ 為數線上三點， $P$ 點在 $\overline{AB}$ 之外，且 $\overline{AP} : \overline{BP} = 3 : 2$ ，求 $x$ 之值為\_\_\_\_\_。

9. 右圖為以 $\overline{AB}$ 為直徑的半圓，在 $\overline{AB}$ 上取一點 $C$ ，並過 $C$ 點作 $\overline{AB}$ 的垂直與半圓交於 $D$ 點。已知 $\overline{AB} = 12$ ， $\overline{AC} = 7$ ，求 $\overline{CD}$ 的長度\_\_\_\_\_。



10. 已知 $21^x = 9$ 且 $567^y = 81$ ，則 $\frac{2}{x} - \frac{4}{y}$ 之值為\_\_\_\_\_。

11. 試化簡 $\frac{1}{1+\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{7}} + \cdots + \frac{1}{\sqrt{23}+\sqrt{25}} =$ \_\_\_\_\_。

12. 設 $a$ 、 $b$ 為實數，已知 $|2x + a| \leq b$ 的解為 $-3 \leq x \leq 8$ ，求數對 $(a, b) =$ \_\_\_\_\_。

13. 一位農夫想用 34 公尺的竹籬，沿著牆邊圍出一個長方形菜園，其中靠牆的一邊不圍，並在牆的對邊正中央留著寬 2 公尺的入口，如附圖所示，則此農夫所能圍出的菜園最大面積為\_\_\_\_\_平方公尺。



14. 若 $\sqrt{6 - 2\sqrt{5}}$ 的整數部分為 $a$ ，小數部份為 $b$ ，求 $2a - \frac{1}{b} =$ \_\_\_\_\_。

15. 試問方程式 $|x + 1| = |2x - 4|$ 的所有解之和為\_\_\_\_\_。

16. 放射性物質的半衰期 $T$ 定義為每經過時間 $T$ ，該物質質量會衰退成原來的一半。今有甲、乙兩種物質，開始記錄時甲物質的質量是乙物質質量的兩倍，而己知甲的半衰期為 15 小時，且經過 60 小時後，甲物質質量是乙物質質量的 8 倍。試求乙物質的半衰期是\_\_\_\_\_小時。

## 新化高中 112 學年度 第一學期 第一次段考 高一數學科簡答

### 一、單選題

|     |     |     |     |     |     |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 1.  | 2.  | 3.  | 4.  | 5.  | 6.  |
| (D) | (C) | (E) | (A) | (B) | (A) |

### 二、多選題

|              |                 |        |
|--------------|-----------------|--------|
| 1.           | 2.              | 3.     |
| (A)(C)(D)(E) | (A)(B)(C)(D)(E) | (B)(C) |

### 三、填充題

|                  |                       |     |            |
|------------------|-----------------------|-----|------------|
| 1.               | 2.                    | 3.  | 4.         |
| $2\sqrt{15} - 6$ | $\sqrt{5} - \sqrt{2}$ | 3   | 48         |
| 5.               | 6.                    | 7.  | 8.         |
| $8\sqrt{3}$      | 124                   | 198 | 23         |
| 9.               | 10.                   | 11. | 12.        |
| $\sqrt{35}$      | -3                    | 2   | $(-5, 11)$ |
| 13.              | 14.                   | 15. | 16.        |
| 162              | $-\sqrt{5}$           | 6   | 10         |